

ベクトルと行列 1 (担当 松下勝義)

レポート問題 1-III. (行列の演算)

- レポート問題 1-III-1. (行列の演算)

以下の (1)-(3) で与えられた定数 k と行列 \hat{A} , \hat{B} , \hat{C} に対して, 次の演算

$$k(\hat{A} + \hat{B}\hat{C}) \quad (1)$$

がそれぞれで定義できる場合は結果を求めよ, できない場合はその理由を述べよ.

– (1)

$$k = 2, \quad \hat{A} = \hat{I}_2 \equiv \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \hat{B} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} \quad \hat{C} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (2)$$

この授業では \hat{I}_n と書いたときは n 次の単位行列を表す.

– (2)

$$k = 2, \quad \hat{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, \quad \hat{B} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \quad \hat{C} = \hat{I}_2 \equiv \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (3)$$

– (3)

$$k = 1, \quad \hat{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \hat{B} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \hat{C} = \hat{O} \equiv \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (4)$$

\hat{O} は零行列と呼ばれる.

– (4)

$$k = \frac{1}{2}, \quad \hat{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}, \quad \hat{B} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \hat{C} = (1 \ 0) \quad (5)$$